

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
TỈNH YÊN BÁI**

ĐỀ CHÍNH THỨC
(Đề thi có 04 trang, gồm 50 câu)

KỲ THI THỬ TỐT NGHIỆP THPT NĂM 2023

Môn thi: Toán

Thời gian: 90 phút (không kể thời gian giao đề)

Khảo thi ngày: 11/4/2023

Họ tên: Số báo danh:

MÃ ĐỀ 001

Câu 1: Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình vuông cạnh a , $SA \perp (ABCD)$, $SA = a\sqrt{2}$. Thể tích V của khối chóp $S.ABCD$ bằng

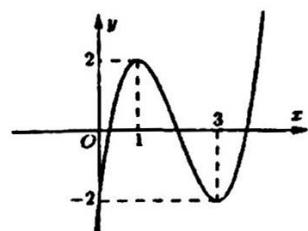
- A. $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{3}$. B. $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{6}$. C. $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{4}$. D. $V = \sqrt{2}a^3$.

Câu 2: Với a là số thực dương tùy ý, $\log_3 \sqrt{a}$ bằng

- A. $2 + \log_3 a$. B. $\frac{1}{2} \log_3 a$. C. $\frac{1}{2} + \log_3 a$. D. $2 \log_3 a$

Câu 3: Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như hình bên?

- A. $y = x^3 - 6x^2 + 9x - 2$. B. $y = -x^4 + 3x^2 - 2$.
C. $y = x^4 - 3x^2 - 2$. D. $y = -x^3 + 6x^2 - 9x - 2$.



Câu 4: Nếu $\int_0^3 f(x)dx = 1$ và $\int_3^5 f(x)dx = -5$ thì $\int_0^5 f(x)dx$ bằng

- A. 6. B. -5. C. -4. D. -6.

Câu 5: Cho hàm số $y = f(x)$ xác định, liên tục trên \mathbb{R} và có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
y'	-	0	+	0	-
y	$+\infty$	0	-1	-1	$+\infty$

Số nghiệm của phương trình $f(x) - 2 = 0$ là

- A. 2. B. 0. C. 1. D. 3.

Câu 6: Nghiệm phức có phần ảo dương của phương trình $z^2 + 2z + 5 = 0$ là

- A. $1 - 2i$. B. $-1 + 2i$. C. $1 + 2i$. D. $-1 - 2i$.

Câu 7: Cho hình chóp $S.ABC$ có đáy ABC là tam giác đều cạnh bằng a , $SA \perp (ABC)$, $SA = a$. Tính góc giữa đường thẳng SC và mặt phẳng (ABC) .

- A. 90° . B. 60° . C. 45° . D. 135° .

Câu 8: Cho $\int \frac{1}{x^2} dx = F(x) + C$. Khẳng định nào đúng?

- A. $F'(x) = \ln x^2$. B. $F'(x) = \frac{1}{x^2}$. C. $F'(x) = -\frac{2}{x^3}$. D. $F'(x) = -\frac{1}{x}$.

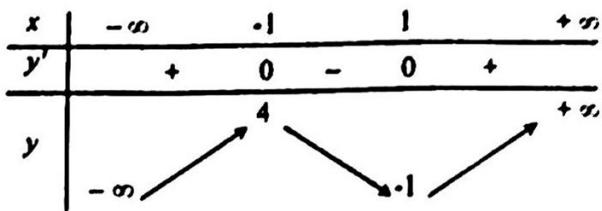
Câu 9: Diện tích của hình phẳng giới hạn bởi đồ thị các hàm số $y = x^3 - 6x$ và $y = x^2$ bằng

- A. $\frac{253}{12}$. B. $\frac{125}{12}$. C. $\frac{63}{4}$. D. $\frac{16}{3}$.

Câu 10: Trong không gian $Oxyz$, phương trình đường thẳng đi qua hai điểm $P(1; 1; -1)$ và $Q(2; 3; 2)$ là

- A. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{-1}$. B. $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{3} = \frac{z+1}{2}$. C. $\frac{x+2}{1} = \frac{y+3}{2} = \frac{z+2}{3}$. D. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+1}{3}$.

Câu 11: Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng biến thiên như sau:



Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng

- A. $(-1; 4)$. B. $(-\infty; 0)$. C. $(-1; +\infty)$. D. $(-1; 1)$.

Câu 12: Tập nghiệm của bất phương trình $\log_2(x-1) < 1$ là

- A. $(-1; 3)$. B. $(-\infty; 3)$. C. $(3; +\infty)$. D. $(1; 3)$.

Câu 13: Trong không gian $Oxyz$, cho các điểm $A(1; 1; 2)$, $B(2; -2; 1)$, $C(-2; 0; 1)$. Phương trình mặt phẳng đi qua A và vuông góc với BC là

- A. $y+2z-5=0$. B. $2x-y+1=0$. C. $-y+2z-3=0$. D. $2x-y-1=0$.

Câu 14: Trong không gian $Oxyz$, tọa độ tâm của mặt cầu $(S): x^2 + y^2 + 2x - 8z - 1 = 0$ là

- A. $I(-1; 0; 4)$. B. $I(1; -4; 0)$. C. $I(2; -8; 0)$. D. $I(-2; 8; 0)$.

Câu 15: Đường kính của khối cầu có thể tích $\frac{32\pi a^3}{3}$ bằng

- A. $\sqrt{2}a$. B. $2a$. C. $4a$. D. $2\sqrt{2}a$.

Câu 16: Trong không gian $Oxyz$, đường thẳng $d: \frac{x-2}{-1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-3}{1}$ có một vectơ chỉ phương là

- A. $\vec{u}_1 = (-1; 2; 3)$. B. $\vec{u}_2 = (2; 1; 3)$. C. $\vec{u}_3 = (2; 1; 1)$. D. $\vec{u}_4 = (-1; 2; 1)$.

Câu 17: Cho số phức z thỏa mãn $(2-i)z + 3 + 16i = 2(\bar{z} + i)$. Môđun của z bằng

- A. $\sqrt{13}$. B. 5. C. 13. D. $\sqrt{5}$.

Câu 18: Một nhóm gồm 10 học sinh trong đó có hai bạn A và B đứng ngẫu nhiên thành một hàng. Xác suất để hai bạn A và B đứng cạnh nhau là

- A. $\frac{2}{5}$. B. $\frac{1}{4}$. C. $\frac{1}{10}$. D. $\frac{1}{5}$.

Câu 19: Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $M(0; 2023; -5)$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $M \in (Oyz)$. B. $M \in (Oxz)$. C. $M \in Oy$. D. $M \in (Oxy)$.

Câu 20: Môđun của số phức $z = 4+i$ bằng

- A. $\sqrt{17}$. B. 17. C. 4. D. $\sqrt{5}$.

Câu 21: Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $M(2; -1; 4)$. Tọa độ điểm N đối xứng với điểm M qua mặt phẳng (Oxz) là

- A. $(-2; 1; -4)$. B. $(2; 0; 4)$. C. $(2; 1; 4)$. D. $(0; -1; 0)$.

Câu 22: Cho hai số phức $z_1 = 1+i$ và $z_2 = 3-2i$. Phần ảo của số phức $2z_1 + \bar{z}_2$ bằng

- A. -2. B. 4. C. 0. D. -4.

Câu 23: Tập nghiệm của phương trình $2023^{x^2-9x+6} = 1$ là

- A. $\{0; 2023\}$. B. $\{2; 3\}$. C. $\{-3; 2\}$. D. $\{-2; 3\}$.

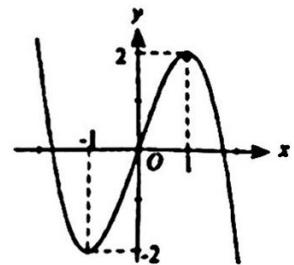
Câu 24: Tính thể tích V của phần vật thể giới hạn bởi hai mặt phẳng $x=1$ và $x=3$, biết rằng khi cắt vật thể bởi mặt phẳng vuông góc với trục Ox tại điểm có hoành độ x ($1 \leq x \leq 3$) thì được thiết diện là một hình chữ nhật có độ dài hai cạnh là $3x$ và $\sqrt{3x^2 - 2}$.

- A. $V = (32 + 2\sqrt{15})\pi$. B. $V = \frac{124}{3}$. C. $V = \frac{124\pi}{3}$. D. $V = (32 + 2\sqrt{15})$.

Câu 25: Cho hàm số bậc ba $y = f(x)$ có đồ thị như hình bên.

Giá trị cực đại của hàm số đã cho là

- A. -1. B. 2.
- C. 1. D. -2.



Câu 26: Cho các số thực dương a, b thỏa mãn $\ln a = x$, $\ln b = y$. Tính $P = \ln(a^3b^2)$.

- A. $P = x^2y^3$. B. $P = 3x + 2y$. C. $P = 6xy$. D. $P = x^2 + y^2$.

Câu 27: Trên khoảng $(0; +\infty)$, đạo hàm của hàm số $y = \ln 2023x$ là

- A. $y' = \frac{1}{x}$. B. $y' = \frac{1}{2023x}$. C. $y' = -\frac{2023}{x}$. D. $y' = \frac{2023}{x}$.

Câu 28: Cho cấp số cộng (u_n) với $u_{10} = 25$ và công sai $d = 3$. Số hạng u_1 của cấp số cộng đã cho bằng

- A. $u_1 = 2$. B. $u_1 = -3$. C. $u_1 = -2$. D. $u_1 = 3$.

Câu 29: Cho hàm số $f(x) = e^x + \frac{1}{\cos^2 x}$. Khẳng định nào đúng?

- A. $\int f(x)dx = e^x - \frac{1}{\cos x} + C$. B. $\int f(x)dx = e^x + \tan x + C$.
- C. $\int f(x)dx = e^x - \tan x + C$. D. $\int f(x)dx = e^x + \frac{1}{\cos x} + C$.

Câu 30: Trong không gian $Oxyz$, mặt phẳng $(P): 3x - z + 2 = 0$ có một vectơ pháp tuyến là

- A. $\vec{n}_2 = (3; -1; 0)$. B. $\vec{n}_3 = (3; 0; -1)$. C. $\vec{n}_4 = (3; -1; 2)$. D. $\vec{n}_4 = (-1; 0; -1)$.

Câu 31: Cho hình nón có đường kính đáy $2r$ và độ dài đường cao h . Thể tích của khối nón đã cho bằng

- A. $\frac{1}{3}\pi r^2 h$. B. $\pi r^2 h$. C. $\frac{4}{3}\pi r^2 h$. D. $\frac{2}{3}\pi r h^2$.

Câu 32: Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số $y = \frac{x+1}{2x-4}$ là đường thẳng có phương trình

- A. $x = 2$. B. $x = -1$. C. $y = -\frac{1}{4}$. D. $y = \frac{1}{2}$.

Câu 33: Có bao nhiêu cách sắp xếp 7 học sinh thành một hàng dọc?

- A. 7!. B. 6!. C. 7. D. 7!.

Câu 34: Cho hàm số $f(x)$ có đạo hàm $f'(x) = x^2(x-1)(x+2)^3$, $\forall x \in \mathbb{R}$. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- A. 1. B. 5. C. 3. D. 2.

Câu 35: Cho khối lăng trụ có diện tích đáy $B = 3a^2$ và chiều cao $h = a$. Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- A. $\frac{3}{2}a^3$. B. $\frac{1}{2}a^3$. C. a^3 . D. $3a^3$.

Câu 36: Cho hình chóp tứ giác đều $S.ABCD$ có cạnh đáy bằng $2a$, cạnh bên bằng $a\sqrt{5}$. Tính khoảng cách từ điểm B đến mặt phẳng (SCD) .

- A. $a\sqrt{3}$. B. $\frac{a\sqrt{5}}{2}$. C. $\frac{a\sqrt{3}}{2}$. D. a .

Câu 37: Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để hàm số $y = x^4 - 6x^2 + mx$ có ba điểm cực trị?

- A. 17. B. 15. C. 3. D. 7.

Câu 38: Cho hàm số $y = f(x)$ xác định và có đạo hàm liên tục trên đoạn $[0; 4]$ thỏa mãn $f(0) = 1$ và $(2x+1)f'(x) - f(x) = (2x+1)\sqrt{2x+1}$. Tính $f(4)$.

- A. 15. B. 10. C. 27. D. 20.

Câu 39: Có bao nhiêu số nguyên x thỏa mãn bất phương trình $\log_2 \frac{x^2 - 3x + 6}{243} < \log_3 \frac{x^2 - 3x + 6}{32}$?

- A. 176. B. 76. C. 189. D. 186.

Câu 40: Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị của tham số m sao cho giá trị lớn nhất của hàm số $y = |x^3 - 3x + m|$ trên đoạn $[0;2]$ bằng 3. Số phần tử của S là

- A. 6. B. 2. C. 0. D. 1.

Câu 41: Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số m để hàm số $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (5m+6)x - 1$ đồng biến trên \mathbb{R} ?

- A. 6. B. 8. C. 5. D. 7.

Câu 42: Biết $F(x)$ và $G(x)$ là hai nguyên hàm của hàm số $f(x)$ trên \mathbb{R} và $\int_0^4 f(x) dx = F(4) - G(0) + 2m$ ($m > 0$).

Gọi S là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường $y = F(x)$, $y = G(x)$, $x = 0$ và $x = 4$. Khi $S = 8$ thì m bằng

- A. 4. B. 1. C. 3. D. 2.

Câu 43: Số các giá trị nguyên của tham số m để bất phương trình $\log_2(x^2 + 1) + 1 \geq \log_2(x^2 + 2mx + m + 2)$ nghiệm đúng với $\forall x \in \mathbb{R}$ là

- A. 3. B. 1. C. 0. D. 2.

Câu 44: Trong không gian $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): 2x + 2y - z - 3 = 0$, đường thẳng $d: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z}{2}$ và điểm $A(2; 2; -1)$. Phương trình đường thẳng Δ qua A cắt d và song song với (P) là

- A. $\frac{x-2}{3} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+1}{-2}$. B. $\frac{x-2}{3} = \frac{y-2}{7} = \frac{z+1}{20}$. C. $\frac{x+2}{2} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z-1}{-2}$. D. $\frac{x+2}{3} = \frac{y+2}{7} = \frac{z-1}{20}$.

Câu 45: Trên tập hợp số phức, xét phương trình $z^2 - 2(2m-1)z + m^2 = 0$ (m là số thực). Có bao nhiêu giá trị của m để phương trình đó có hai nghiệm phân biệt z_1, z_2 thỏa mãn $|z_1|^2 + |z_2|^2 = 2$?

- A. 4. B. 3. C. 2. D. 1.

Câu 46: Xét số phức $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) thỏa mãn $|z - 4 - 3i| = \sqrt{5}$. Tính giá trị biểu thức $P = a + b$ khi $|z + 1 - 3i| + |z - 1 + i|$ đạt giá trị lớn nhất?

- A. $P = 4$. B. $P = 6$. C. $P = 10$. D. $P = 8$.

Câu 47: Cho hình chóp $S.ABC$ có đáy là tam giác vuông tại A và $AB = \sqrt{3}$, $AC = \sqrt{7}$, $SA = 1$. Hai mặt bên (SAB) và (SAC) lần lượt tạo với mặt đáy các góc bằng 45° và 60° . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- A. $\frac{1}{2}$. B. $\frac{7}{6}$. C. $\frac{\sqrt{3}}{2}$. D. $\frac{7\sqrt{7}}{6}$.

Câu 48: Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m trong đoạn $[-10; 10]$ để hàm số $y = \left| \frac{mx+3}{x+m+2} \right|$ đồng biến trên khoảng $(1; +\infty)$?

- A. 9. B. 0. C. 10. D. 8.

Câu 49: Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $A(1; 2; -3)$ và mặt phẳng $(P): 2x + 2y - z + 9 = 0$. Đường thẳng d đi qua A và vuông góc với mặt phẳng $(Q): 3x + 4y - 4z + 5 = 0$ cắt mặt phẳng (P) tại điểm B . Điểm M nằm trong mặt phẳng (P) , nhìn đoạn AB dưới góc vuông và độ dài MB lớn nhất. Tính độ dài MB .

- A. $MB = \frac{\sqrt{41}}{2}$. B. $MB = \frac{\sqrt{5}}{2}$. C. $MB = \sqrt{5}$. D. $MB = \sqrt{41}$.

Câu 50: Tất cả các cặp số nguyên $(x; y)$ thỏa mãn điều kiện $\log_2(x+2y) + x^2 + 2y^2 + 3xy - x - y = 0$ với $x+y > 0, -20 \leq x \leq 20$ là

- A. 41. B. 10. C. 6. D. 19.

Hết _____

Thí sinh không sử dụng tài liệu, cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Cán bộ coi thi thứ nhất: Kí tên:

Cán bộ coi thi thứ hai: Kí tên: