

ĐÁP ÁN BÀI 13 TRANG 147 SÁCH GIÁO KHOA GIẢI TÍCH 12

Đề bài

Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường thẳng

a) $y = x^2 + 1, x = -1, x = 2$ và trục hoành

b) $y = \ln x, x = \frac{1}{e}, x = e$ và trục hoành

Hướng dẫn giải

Diện tích hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số $y = f(x)$, trục hoành, đường thẳng $x = a, x = b$ là:

$$S = \int_a^b |f(x)| dx.$$

ĐÁP ÁN BÀI 13 TRANG 147 SGK GIẢI TÍCH LỚP 12

a) Diện tích hình phẳng cần tìm là:

$$S = \int_{-1}^2 (x^2 + 1) dx = \left(\frac{x^3}{3} + x \right) \Big|_{-1}^2 = 6$$

b) Diện tích hình phẳng cần tìm là:

$$\begin{aligned} S &= \int_{\frac{1}{e}}^e |\ln x| dx = \int_{\frac{1}{e}}^1 |\ln x| dx + \int_1^e |\ln x| dx \\ &= - \int_{\frac{1}{e}}^1 \ln x dx + \int_1^e \ln x dx \end{aligned}$$

Tính $\int \ln x dx$.

$$\begin{aligned} \text{Đặt } \begin{cases} u = \ln x \\ dv = dx \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} du = \frac{dx}{x} \\ v = x \end{cases} \\ \Rightarrow \int \ln x dx &= x \ln x - \int dx = x \ln x - x + C \end{aligned}$$

Do đó:

$$\begin{aligned} S &= - \int_{\frac{1}{e}}^1 \ln x dx + \int_1^e \ln x dx = \int_{\frac{1}{e}}^1 x dx + \int_1^e x dx \\ &= (x \ln x - x) \Big|_{\frac{1}{e}}^1 + (x \ln x - x) \Big|_1^e = 2 \left(1 - \frac{1}{e} \right) \end{aligned}$$