

Đề bài

Giải các bất phương trình sau

a) $\frac{2^x}{3^x - 2^x} \leq 2$

b) $(\frac{1}{2})^{\log_2(x^2-1)} > 1$

c) $\log^2 x + 3 \log x \geq 4$

d) $\frac{1 - \log_4 x}{1 + \log_2 x} \leq \frac{1}{4}$.

Hướng dẫn giải

+) Sử dụng các phương pháp giải bất phương trình mũ và logarit để làm bài.

$$+) (a)^{f(x)} < b \Leftrightarrow \begin{cases} a > 1 \\ f(x) < \log_a b \\ 0 < a < 1 \\ f(x) > \log_a b \end{cases} .$$

$$+) \log_a f(x) > b \Leftrightarrow \begin{cases} a > 1 \\ f(x) > a^b \\ 0 < a < 1 \\ f(x) < a^b \end{cases} .$$

Đáp án bài 10 trang 147 sgk giải tích lớp 12

a) Ta có:

$$\frac{2^x}{3^x - 2^x} \leq 2 \Leftrightarrow \frac{1}{(\frac{3}{2})^x - 1} \leq 2$$

Đặt $t = (\frac{3}{2})^x (t > 0)$, bất phương trình trở thành:

$$\frac{1}{t-1} \leq 2 \Leftrightarrow \frac{1}{t-1} - 2 \leq 0 \Leftrightarrow \frac{-2t+3}{t-1} \leq 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 0 < t < 1 \\ t \geq \frac{3}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (\frac{3}{2})^x < 1 \\ (\frac{3}{2})^2 \geq \frac{3}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x < 0 \\ x \geq 1 \end{cases} .$$

b) Ta có:

$$(\frac{1}{2})^{\log_2(x^2-1)} > 1 \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - 1 > 0 \\ \log_2(x^2 - 1) < 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow 0 < x^2 - 1 < 1 \Leftrightarrow 1 < |x| < \sqrt{2}$$

$$\Leftrightarrow x \in (-\sqrt{2}, -1) \cup (1, \sqrt{2})$$

c) Điều kiện: $x > 0$

$$\log^2 x + 3 \log x \geq 4 \Leftrightarrow (\log x + 4)(\log x - 1) \geq 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \log x \geq 1 \\ \log x \leq -4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 10 \\ 0 < x \leq 10^{-4} \end{cases}$$

d) Ta có:

$$\frac{1 - \log_4 x}{1 + \log_2 x} \leq \frac{1}{4} \Leftrightarrow \frac{1 - \log_4 x}{1 + 2\log_4 x} \leq \frac{1}{4}$$

$$\Leftrightarrow \frac{4 - 4\log_4 x - 1 - 2\log_4 x}{4(1 + \log_4 x)} \leq 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{3 - 6\log_4 x}{1 + 2\log_4 x} \leq 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \log_4 x \leq \frac{-1}{2} \\ \log_4 x \geq \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 < x < \frac{1}{2} \\ x \geq 2 \end{cases}.$$