

**GIẢI ĐỀ THI THỬ THPT QUỐC GIA MÔN TOÁN**  
**TRƯỜNG ĐÔNG SƠN 1 - THANH HÓA LẦN 2 NĂM 2018**

(Thí sinh không được sử dụng tài liệu)

Họ, tên thí sinh: .....

**Câu 1:** Nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + x - 2018$  là

- A.  $\frac{1}{12}x^4 - \frac{2}{3}x^3 + \frac{x^2}{2} + C$       B.  $\frac{1}{9}x^4 + \frac{2}{3}x^3 - \frac{x^2}{2} - 2018x + C$   
 C.  $\frac{1}{12}x^4 - \frac{2}{3}x^3 + \frac{x^2}{2} - 2018x + C$       D.  $\frac{1}{9}x^4 - \frac{2}{3}x^3 + \frac{x^2}{2} - 2018x + C$

**Câu 2:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $A(0;0;0), B(1;0;0), D(0;1;0), A'(0;0;1)$ . Tìm tọa độ đỉnh  $C'$ .

- A.  $(1;1;0)$       B.  $(0;1;1)$       C.  $(0;1;-1)$       D.  $(1;1;1)$

**Câu 3:** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = \sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{64-x}$  bằng

- A.  $1 + \sqrt[3]{65}$       B. 2      C.  $2\sqrt[3]{32}$       D.  $\sqrt[3]{3} + \sqrt[3]{61}$

**Câu 4:** Trong không gian, cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$ ,  $AB = a$  và  $AC = a\sqrt{3}$ . Tính độ dài đường sinh  $l$  của hình nón, nhận được khi quay tam giác  $ABC$  xung quanh trục  $AB$ .

- A.  $l = a$       B.  $l = \sqrt{2}a$       C.  $l = \sqrt{3}a$       D.  $l = 2a$

**Câu 5:** Hàm số  $y = \log_{\frac{1}{3}}(x-5)$  có tập xác định là:

- A.  $R$       B.  $[5; +\infty)$       C.  $(5; +\infty)$       D.  $(0; +\infty)$

**Câu 6:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , viết phương trình đường thẳng  $d$  đi qua hai điểm  $A(1;1;-2), B(-1;4;1)$ .

- A.  $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = 1 - 3t \\ z = -2 - 3t \end{cases} (t \in R)$       B.  $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = 1 - 3t \\ z = -2 + 3t \end{cases} (t \in R)$       C.  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 + 3t \\ z = -2 + 3t \end{cases} (t \in R)$       D.  $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = 1 + 3t \\ z = -2 + 3t \end{cases} (t \in R)$

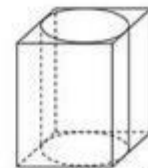
**Câu 7:** Diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = \frac{\ln x}{2\sqrt{x}}$ ;  $y = 0$ ;  $x = 1$ ;  $x = e$  là

- A.  $3 - \sqrt{e}$       B.  $2 - \sqrt{e}$       C.  $2 + \sqrt{e}$       D.  $4 + \sqrt{e}$

**Câu 8:** Cho hàm số  $y = \frac{2x+1}{x+1}$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(-1; +\infty)$   
 B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(-1; +\infty)$ ; nghịch biến trên  $(-1; 1)$   
 C. Hàm số đồng biến trên tập  $R$   
 D. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(-1; +\infty)$

**Câu 9:** Một bóng đèn huỳnh quang dài 120 cm, đường kính của đường tròn đáy là 2 cm được đặt khít vào một ống giấy cứng dạng hình hộp chữ nhật (xem hình vẽ). Tính diện tích phần giấy cứng dùng để làm hộp (hộp hở hai đầu và không tính lề, mép).



- A.  $960 \text{ cm}^2$       B.  $96000 \text{ cm}^2$       C.  $9600 \text{ cm}^2$       D.  $96 \text{ cm}^2$

**Câu 10:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , viết phương trình mặt phẳng đi qua điểm  $A(1;1;1)$  vuông góc với hai mặt phẳng  $x+y-z=2; x-y+z=1$ .

- A.  $x+y+z=3$       B.  $x+z=2$       C.  $2x-y-z=0$       D.  $y+z=2$

**Câu 11:** Giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \frac{\ln^2 x}{x}$  trên đoạn  $[1; e^3]$  là

- A.  $\frac{4}{e^2}$       B.  $\frac{4}{e}$       C.  $\frac{2}{e^2}$       D.  $\frac{1}{e^2}$

**Câu 12:** Trong mặt phẳng với hệ tọa độ  $Oxy$ , tìm tọa độ điểm  $M'$  là ảnh của điểm  $M(1;-4)$  qua phép tịnh tiến theo vectơ  $\vec{u} = (3;-1)$ .

- A.  $M'(4;5)$ .      B.  $M'(4;-5)$ .      C.  $M'(3;-4)$ .      D.  $M'(2;3)$ .

**Câu 13:** Trong các khẳng định sau đây khẳng định nào sai?

- A.  $F(x) = x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2x$   
 B. Nếu  $f(x); g(x)$  là các hàm số liên tục trên  $R$  thì  $\int [f(x) + g(x)] dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$   
 C. Nếu các hàm số  $u(x); v(x)$  liên tục và có đạo hàm trên  $R$  thì  $\int u(x)v'(x) dx + \int v(x)u'(x) dx = u(x).v(x)$   
 D. Nếu  $F(x)$  và  $G(x)$  đều là nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  thì  $F(x) - G(x) = C$  với  $C$  là hằng số

**Câu 14:** Hệ số của số hạng chứa  $x^4$  trong khai triển  $(x^2 - \frac{2}{x})^8$  là:

- A. 2110      B. 1020      C. 1120      D. 1100

**Câu 15:** Cho  $I = \int_0^1 \ln(x+1) dx = a + \ln b$  ( $a, b \in Z$ ). Tính  $(a+b)^b$ .

- A.  $\frac{1}{7}$       B. 81      C. 25      D.  $\frac{1}{9}$

**Câu 16:** Cho hàm số  $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ . Mệnh đề nào sau đây sai?

- A. Đồ thị hàm số luôn cắt trục hoành      B.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$   
 C. Hàm số luôn có cực trị      D. Đồ thị hàm số luôn có tâm đối xứng

**Câu 17:** Nếu  $\lim u_n = L; u_n + 9 \geq 0, \forall n$  thì  $\lim \sqrt{u_n + 9}$  bằng số nào sau đây?

- A.  $L+9$       B.  $\sqrt{L+9}$       C.  $L+3$       D.  $\sqrt{L+9}$

**Câu 18:** Trong các hàm số dưới đây hàm số nào đồng biến trên tập số thực  $R$ ?

- A.  $y = \log_{\frac{1}{5}}(x^2 + 1)$       B.  $y = x \log_2(x^2 + 1)$       C.  $y = (\frac{2}{e})^x$       D.  $y = (\frac{\pi}{3})^{2x^2 + 1}$

**Câu 19:** Khi tăng độ dài tất cả các cạnh của một khối hộp chữ nhật lên gấp đôi thì thể tích khối hộp tương ứng sẽ

- A. tăng 8 lần      B. tăng 4 lần      C. tăng 6 lần      D. tăng 2 lần

**Câu 20:** Tích phân  $I = \int_1^3 \frac{3 + \ln x}{(x+1)^2} dx$  bằng:

- A.  $\frac{1}{4}(3 + \ln \frac{27}{16})$       B.  $\frac{1}{4}(3 - \ln \frac{27}{16})$       C.  $\frac{1}{3}(4 + \ln \frac{27}{16})$       D.  $\frac{1}{2}(2 + \ln \frac{27}{16})$

**Câu 21:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , viết phương trình mặt cầu nào sau đây có tâm  $I(1;-2;3)$  và bán kính  $R=4$ .

- A.  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y + 6z + 2 = 0$       B.  $x^2 + y^2 + z^2 + 2x + 4y - 6z - 2 = 0$   
 C.  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 6z + 2 = 0$       D.  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 6z - 2 = 0$

**Câu 22:** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x-6}{x^2-1} + 2018$  có mấy đường tiệm cận?

A. Hai                      B. Một                      C. Ba                      D. Không

**Câu 23:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , trong các câu mệnh đề sau, mệnh đề nào sai?

- A. Mặt phẳng  $(P): 2y - 3x + z - 4 = 0$  có vectơ pháp tuyến  $\vec{n} = (2; -3; 1)$ .  
 B. Mặt phẳng  $(P): 2x - y + z - 2 = 0$  đi qua điểm  $A(1; 1; 1)$   
 C. Mặt phẳng  $(P): 3x - 2(z - 1) - 2 = 0$  chứa  $Oy$ .  
 D. Mặt phẳng  $(P): 3x - 2y + 4 = 0$  song song trục  $Oz$ .

**Câu 24:** Nghiệm của bất phương trình  $2\log_3(4x - 3) + \log_1(2x + 3) \leq 2$  là

- A.  $\frac{3}{4} < x \leq 3$                       B.  $\frac{3}{4} < x < 3$                       C.  $\frac{3}{4} \leq x \leq 3$                       D.  $\frac{4}{3} < x \leq 3$

**Câu 25:** Có bao nhiêu cách sắp xếp 6 chữ cái L, H, N, H, L, Đ thành một hàng sao cho mỗi cách sắp xếp 2 chữ cái giống nhau không đứng cạnh nhau

- A. 60                      B. 84                      C. 42                      D. 96

**Câu 26:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho khối chóp tứ giác  $S.ABCD$ ,  $S = (1; 2; -3)$ ,  $ABCD$  là hình bình hành có  $AB = b, AD = c, BAD = 30^\circ$ , đáy  $ABCD$  nằm trong mặt phẳng có phương trình  $2x - y + 2z - 3 = 0$ . Tính thể tích khối chóp.

- A.  $\frac{bc\sqrt{3}}{2}$                       B.  $\frac{bc}{2}$                       C.  $\frac{bc\sqrt{2}}{2}$                       D.  $bc$

**Câu 27:** Giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số:  $y = \frac{3\cos^4 x + 4\sin^2 x}{3\sin^4 x + 2\cos^2 x}$  là

- A.  $\max y = \frac{8}{3}, \min y = \frac{4}{5}$                       B.  $\max y = \frac{8}{5}, \min y = \frac{4}{3}$   
 C.  $\max y = \frac{8}{3}, \min y = \frac{4}{3}$                       D.  $\max y = \frac{8}{5}, \min y = \frac{4}{5}$

**Câu 28:** Tìm  $m$  để đồ thị  $(C): y = x^4 - 2mx^2 + m + 2$  cắt  $Ox$  tại bốn điểm phân biệt và diện tích hình phẳng nằm trên  $Ox$  giới hạn bởi  $(C)$  và  $Ox$  bằng diện tích hình phẳng phía dưới trục  $Ox$  giới hạn bởi  $(C)$  và  $Ox$ .

- A.  $m = 3$                       B.  $m = 2$                       C.  $m = \frac{3}{2}$                       D.  $m = 5$

**Câu 29:** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{3} = \frac{z-1}{1}$  và hai mặt phẳng  $(P): 3x - 4y + 14 = 0, (Q): 2x - 2y + z + 3 = 0$ . Gọi  $(S)$  là mặt cầu tiếp xúc với  $(P)$  và cắt  $(Q)$  theo một đường tròn có diện tích bằng  $16\pi$ , điểm  $I(a; b; c)$  nằm trên  $d$  ( $a$  là số nguyên) là tâm của  $(S)$ . Tính  $a^3 + b^3 + c^3$ .

- A. 10.                      B. -126.                      C. -7.                      D. 99.

**Câu 30:** Gọi  $V(a)$  là thể tích khối tròn xoay sinh bởi phép quay quanh trục  $Ox$  của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = \frac{1}{x}; y = 0; x = 1$  và  $x = a(a > 1)$ . Tìm  $\lim_{a \rightarrow +\infty} V(a)$

- A.  $\lim_{a \rightarrow +\infty} V(a) = 3\pi$                       B.  $\lim_{a \rightarrow +\infty} V(a) = \pi$                       C.  $\lim_{a \rightarrow +\infty} V(a) = 2\pi$                       D.  $\lim_{a \rightarrow +\infty} V(a) = \pi^2$

**Câu 31:** Cho  $a; b; c$  theo thứ tự lập thành cấp số nhân thỏa mãn  $a + b + c = 381$ . Giá trị biểu thức  $P = 3\log_3(ab + bc + ca) - \log_3 abc$  có dạng  $x \log_3 y + x$ . Giá trị của  $x + y$  là:

- A. 243                      B. 729                      C. 130                      D. 127

**Câu 32:** Nghiệm dương của phương trình  $\log_2(\sqrt{2x^2 - 3x + 1}) + (\frac{1}{2})^{1-2x^2+3x} = 2$  có dạng  $\frac{a + \sqrt{b}}{c}$  ( $a, b, c \in \mathbb{N}$ ). Giá trị của  $a + b + c$  bằng:

A. 23

B. 24

C. 20

D. 42

**Câu 33:** Tìm giá trị của tham số  $m$  để đường thẳng  $(d): mx - y + m = 0$  cắt đường cong  $(C): y = x^3 - 3x^2 + 4$  tại ba điểm phân biệt  $A, B$  và  $C(-1; 0)$  sao cho tam giác  $AOB$  có diện tích bằng  $16\sqrt{2}$

A. 10

B. 9

C. 4

D. 8

**Câu 34:** Minh cầm một tờ giấy và lấy kéo cắt thành 7 mảnh sau đó nhặt một trong số các mảnh giấy đã cắt và lại cắt thành 7 mảnh. Minh cứ tiếp tục cắt như vậy, sau một hồi Minh thu lại và đếm tất cả các mảnh giấy đã cắt. Hỏi kết quả nào sau đây có thể xảy ra?

A. Minh thu được 2016 mảnh

B. Minh thu được 2017 mảnh

C. Minh thu được 2019 mảnh

D. Minh thu được 2018 mảnh

**Câu 35:** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}mx^3 - (m-1)x^2 + 3(m-2)x + \frac{1}{3}$  đồng biến trên  $[2; +\infty)$ .

A.  $m \leq 2$ B.  $m \leq \frac{2}{3}$ C.  $m \geq \frac{2}{3}$ D.  $m \leq \frac{3}{2}$ 

**Câu 36:** Cho hàm số  $f(x) = x^3 + x^2 - 2x + 3$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

A. Hai phương trình  $f(x) = m$  và  $f(x-1) = m-1$  có cùng số nghiệm với mọi  $m$ B. Hàm số  $y = f(x-2018)$  không có cực trịC. Hai phương trình  $f(x) = 2018$  và  $f(x-1) = 2018$  có cùng số nghiệmD. Hai phương trình  $f(x) = m$  và  $f(x-1) = m+1$  có cùng số nghiệm với mọi  $m$ 

**Câu 37:** Cho  $\int_{-1}^1 \frac{f(x)}{1+2^x} dx = 4$  trong đó hàm số  $y = f(x)$  là hàm số chẵn trên  $[-1; 1]$ ; lúc đó  $\int_{-1}^1 f(x) dx$  bằng:

A. 8

B. 4

C. 2

D. 16

**Câu 38:** Tổng các nghiệm của phương trình  $(\log_3 \frac{3}{x}) \cdot \log_2 x - \log_3 \frac{x^3}{\sqrt{3}} = \frac{1}{2} + \log_2 \sqrt{x}$  là:

A.  $1 - \frac{\sqrt{3}}{8}$ B.  $1 + \frac{\sqrt{3}}{8}$ C.  $2 + \frac{\sqrt{3}}{8}$ D.  $2 - \frac{\sqrt{3}}{8}$ 

**Câu 39:** Gọi  $S$  là tập các ước số nguyên dương của số 43.200. Lấy ngẫu nhiên hai phần tử thuộc  $S$ . Xác suất lấy được hai phần tử là hai số không chia hết cho 5 là:

A.  $\frac{28}{83}$ B.  $\frac{9}{83}$ C.  $\frac{8}{83}$ D.  $\frac{9}{84}$ 

**Câu 40:** Tập nghiệm của phương trình:  $\sin^2\left(\frac{x}{2} - \frac{\pi}{4}\right) \tan^2 x - \cos^2 \frac{x}{2} = 0$  là

A.  $\begin{cases} x = \pi + k\pi \\ x = -\frac{\pi}{4} + k2\pi \end{cases}$ B.  $\begin{cases} x = \pi + k2\pi \\ x = -\frac{\pi}{4} + k2\pi \end{cases}$ C.  $\begin{cases} x = \pi + k\pi \\ x = -\frac{\pi}{4} + k\pi \end{cases}$ D.  $\begin{cases} x = \pi + k2\pi \\ x = -\frac{\pi}{4} + k\pi \end{cases}$ 

**Câu 41:** Cho khối hộp  $ABCD.A'B'C'D'$ . Gọi  $M, N$  là các điểm thỏa mãn  $\overline{MD} = -2\overline{MD'}$ ,  $\overline{NB} = -2\overline{NB'}$ . Mặt phẳng đi qua  $M, N, C$  chia khối hộp thành hai khối đa diện. Tính tỉ số thể tích của hai khối đa diện đó biết rằng tỉ số đó nhỏ hơn 1.

A.  $\frac{25}{47}$ B.  $\frac{21}{47}$ C.  $\frac{25}{43}$ D.  $\frac{21}{43}$ 

**Câu 42:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình thoi, hai đường chéo  $AC = 2\sqrt{3}a$ ,  $BD = 2a$  và cắt nhau tại  $O$ ; hai mặt phẳng  $(SAC)$  và  $(SBD)$  cùng vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ . Biết khoảng cách từ  $O$  đến mặt phẳng  $(SAB)$  bằng  $\frac{a\sqrt{3}}{4}$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$  theo  $a$ .

A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

**Câu 43:** Cho tứ diện  $ABCD$  có  $CD = \sqrt{2}$  và các cạnh còn lại bằng 1. Tính khoảng cách từ  $A$  tới mặt phẳng  $(BCD)$ .

A.  $\frac{\sqrt{2}}{4}$ .      B.  $\sqrt{2}$ .      C.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$ .      D.  $\frac{\sqrt{2}}{3}$ .

**Câu 44:** Cho  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+1}}(2\sqrt{x^2+1}+2017)$ . Biết  $F(x)$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  Thỏa mãn  $F(0) = 2018$ . Tính  $F(2)$

A.  $F(2) = 3 + 2017\sqrt{3}$     B.  $F(2) = 2 + 2017\sqrt{2}$     C.  $F(2) = 4 + 2017\sqrt{4}$     D.  $F(2) = 5 + 2017\sqrt{5}$

**Câu 45:** Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = \frac{\sqrt{x^2-1}}{x-2}$  trên tập

$D = (-\infty; -1) \cup \left[1; \frac{3}{2}\right]$ . Giá trị  $T = \frac{M}{3M+2018m}$  là:

A.  $T = \frac{1}{8}$       B.  $T = \frac{3}{2}$       C.  $T = -\frac{2}{3}$       D.  $T = 0$

**Câu 46:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có tất cả các cạnh bằng nhau. Gọi  $I$  và  $J$  lần lượt là trung điểm của  $SC$  và  $BC$ . Tính góc giữa hai đường thẳng  $IJ$  và  $CD$ .

A.  $30^\circ$ .      B.  $45^\circ$ .      C.  $60^\circ$ .      D.  $90^\circ$ .

**Câu 47:** Cho phương trình  $m(\sqrt{x^2-2x+2}+1) + x(2-x) \leq 0$ . Giá trị của tham số  $m$  để phương trình có nghiệm  $x \in [0; 1 + \sqrt{3}]$  là:

A.  $m \leq \frac{2}{3}$       B.  $m \leq 2$       C.  $m \geq \frac{2}{3}$       D.  $m \leq \frac{3}{2}$

**Câu 48:** Cho hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - (2m-1)x^2 + (m^2-m+7)x + m - 5$ . Giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số đạt cực trị tại  $x_1; x_2$  thỏa mãn  $x_1^2 + x_2^2 = 74$  là:

A.  $\begin{cases} m = -3 \\ m = -2 \end{cases}$       B.  $m = 3$       C.  $m = 2$       D.  $\begin{cases} m = 3 \\ m = -2 \end{cases}$

**Câu 49:** Cho hàm số  $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x + 1$  có đồ thị  $(C)$ . Có bao nhiêu tiếp tuyến của đồ thị  $(C)$  tại điểm thuộc đồ thị  $(C)$  có hoành độ là nghiệm của phương trình  $2f'(x) - xf''(x) - 6 = 0$

A. 1      B. 2      C. 4      D. 3

**Câu 50:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành tâm  $O$ ,  $AC = a$ ,  $BD = b$ . Tam giác  $SBD$  là tam giác đều. Gọi  $I$  là điểm trên đoạn  $OC$  sao cho  $AI = x$ ,  $\left(\frac{a}{2} < x < a\right)$ . Một mặt phẳng  $(\alpha)$  đi qua điểm  $I$  và song song với mặt phẳng  $(SBD)$  cắt hình chóp  $S.ABCD$  theo một thiết diện. Tính diện tích  $S_{\alpha}$  của thiết diện đó.

A.  $S_{\alpha} = \frac{a^2x^2\sqrt{3}}{b^2}$ .      B.  $S_{\alpha} = \frac{b^2x^2\sqrt{3}}{a^2}$ .  
 C.  $S_{\alpha} = \frac{a^2(b-x)^2\sqrt{3}}{b^2}$ .      D.  $S_{\alpha} = \frac{b^2(a-x)^2\sqrt{3}}{a^2}$ .

----- HẾT -----

Đáp án:

## ĐÁP ÁN ĐỀ THI THỬ MÔN TOÁN

*Trường THPT Đông Sơn 1 – Thanh Hóa lần 2 – 2018*

Câu	ĐA	Câu	ĐA	Câu	ĐA	Câu	ĐA	Câu	ĐA
1	C	11	A	21	D	31	C	41	A
2	D	12	B	22	C	32	B	42	A
3	B	13	C	23	A	33	D	43	C
4	D	14	C	24	A	34	B	44	D
5	C	15	B	25	B	35	C	45	D
6	D	16	C	26	B	36	C	46	C
7	B	17	D	27	B	37	A	47	A
8	D	18	B	28	A	38	B	48	D
9	A	19	A	29	C	39	B	49	A
10	D	20	A	30	B	40	D	50	D

---

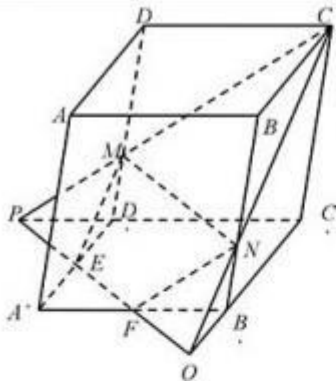
### HƯỚNG DẪN GIẢI MỘT SỐ CÂU KHÓ

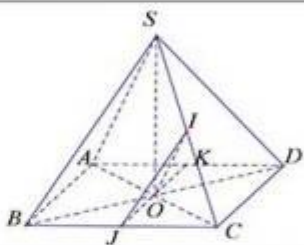
Câu	Lời giải chi tiết
9	Diện tích của phần giấy cứng để làm hộp chính là diện tích xung quanh của hộp này. Chu vi của đáy hộp là : $2.4 = 8$ (cm). Diện tích giấy để làm hộp là : $S = 8.120 = 960$ (cm <sup>2</sup> ).
3	TXĐ $D = [0;64]$ Ta có: $y' = \frac{1}{6\sqrt{x^3}} - \frac{1}{6\sqrt{(64-x)^3}} = \frac{\sqrt[3]{(64-x)^3} - \sqrt[3]{x^3}}{6\sqrt{x^3(64-x)^3}} \Rightarrow y' = 0 \Leftrightarrow x = 32 \in [0;64]$ Lập bảng biến thiên ta có GTNN của hàm số bằng 2 khi $\begin{cases} x = 64 \\ x = 2 \end{cases}$
13	Khẳng định sai là: Nếu các hàm số $u(x), v(x)$ liên tục và có đạo hàm trên $R$ thì $\int u(x)v'(x)dx + \int v(x)u'(x)dx = u(x)v(x)$
24	BPT tương đương $\begin{cases} x > \frac{3}{4} \\ \log_5(4x-3)^2 - \log_5(2x+3) \leq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > \frac{3}{4} \\ \log_5 \frac{(4x-3)^2}{2x+3} \leq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > \frac{3}{4} \\ \frac{(4x-3)^2}{2x+3} \leq 9 \end{cases}$ $\Leftrightarrow \begin{cases} x > \frac{3}{4} \\ 8x^2 - 21x - 9 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > \frac{3}{4} \\ -\frac{3}{8} \leq x \leq 3 \end{cases} \Leftrightarrow \frac{3}{4} < x \leq 3$
20	Đặt $u = 3 + \ln x, dv = \frac{dx}{(x+1)^2} \Rightarrow du = \frac{1}{x} dx; v = -\frac{1}{x+1}$ $I = -\frac{3 + \ln x}{x+1} \Big _1^3 + \int_1^3 \frac{dx}{x(x+1)} = -\frac{3 + \ln 3}{4} + \frac{3}{2} + \int_1^3 \frac{1}{x} dx - \int_1^3 \frac{1}{x+1} dx$ $= \frac{3 - \ln 3}{4} + \ln x  \Big _1^3 - \ln x+1  \Big _1^3 = \frac{1}{4} \left( 3 + \ln \frac{27}{16} \right)$
7	$S = \int_1^e \frac{\ln x}{2\sqrt{x}} dx$ vì $x \in [1;e] \Rightarrow \ln x > 0 \Rightarrow S = \int_1^e \frac{\ln x}{2\sqrt{x}} dx$ . Đặt $\begin{cases} u = \ln x \\ dv = \frac{1}{2\sqrt{x}} dx \end{cases}$ ...suy ra $S = 2 - \sqrt{e}$ .
11	Xét hàm số $y = f(x) = \frac{\ln^2 x}{x}$ với $x \in [1;e^2]$ ta có $f'(x) = \frac{\ln x(2-x)}{x^2} \Rightarrow f'(x) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = e^2 \end{cases}$ Tính $f(1) = 0; f(e^2) = \frac{4}{e^2}; f(e^3) = \frac{9}{e^2}$ . GTNN là $f(1) = 0$ ; GTLN là $f(e^2) = \frac{4}{e^2}$
1	$\frac{1}{12}x^4 - \frac{2}{3}x^3 + \frac{x^2}{2} - 2018x + C$
21	Mặt cầu có PT: $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 6z - 2 = 0$
6	$\overline{AB} = (-2; 3; 3) \Rightarrow d: \begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = 1 + 3t \\ z = -2 + 3t \end{cases} (t \in R)$
15	Đặt $\begin{cases} u = \ln(x+1) \\ dv = dx \end{cases}$ Tính được $I = -1 + \ln 4$ suy ra $a = -1; b = 4 \Rightarrow (a+b)^6 = 81$
4	$l = \sqrt{AB^2 + AC^2} = 2a$
32	Điều kiện $\begin{cases} x \geq \frac{3}{2} \\ x \leq 0 \end{cases}$ Đặt $t = \sqrt{2x^2 - 3x}$ , PT trở thành $\log_2(t+1) + \left(\frac{1}{3}\right)^{1-t} = 2$ . Xét hàm $f(t) = \log_2(t+1) + \left(\frac{1}{3}\right)^{1-t} \Rightarrow f'(t) = \frac{1}{(t+1)\ln 2} + \frac{1}{3} \cdot 3^t \cdot 2t \cdot \ln 3 > 0, \forall t \geq 0$ . Do đó hàm số $f(t)$ đồng biến trên $[0; +\infty)$ . Ta có $f(t) = 0 \Leftrightarrow t = \sqrt{2x^2 - 3x} + 1 = 2x^2 - 3x - 1 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{4}$ . Do $x > 0 \Rightarrow a = 3, b = 17, c = 4 \Rightarrow a + b + c = 24$ .
45	$y' = \frac{-2x+1}{\sqrt{x^2-1}(x-2)^2} \Rightarrow y' = 0 \Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$ . Lập bảng biến thiên suy ra $M = 0; m = -\sqrt{5} \Rightarrow T = 0$





	$\Leftrightarrow \int_0^2 (x^4 - 2mx^2 + m + 2)dx = \int_0^2 (-x^4 + 2mx^2 - m - 2)dx$ $\Leftrightarrow \frac{-x_1^5}{5} + \frac{2mx_1^3}{3} - (m+2)x_1 = 0 \Leftrightarrow 3x_1^4 - 10mx_1^2 + 15(m+2) = 0$ $\Rightarrow x_1 \text{ là nghiệm của hệ } \begin{cases} x_1^4 - 2mx_1^2 + m + 2 = 0 \\ 3x_1^4 - 10mx_1^2 + 15(m+2) = 0 \end{cases}$ $\Rightarrow 4mx_1^2 - 12(m+2) = 0 \Rightarrow x_1^2 = \frac{3(m+2)}{m} \text{ thay vào hệ ta có được}$ $\Rightarrow 9 \frac{(m+2)^2}{m^2} - 6(m-2) + m + 2 = 0 \Leftrightarrow 9(m+2) - 5m^2 = 0 \text{ (do } m > 2)$
25	<p>Gọi A là tập hợp tất cả cách sắp xếp. <math>A_1</math> là tập hợp các cách xếp mà chữ cái L đứng cạnh nhau, <math>A_2</math> là tập hợp các cách xếp mà chữ cái H đứng cạnh nhau</p> <p>Ta có số phần tử của tập hợp A là <math>n(A) = \frac{6!}{2!2!}</math> (do hai chữ H như nhau và hai chữ L như nhau nên khi hoán vị vẫn tính là 1)</p> <p>Số phần tử của <math>A_1; A_2</math> lần lượt là <math>n(A_1) = n(A_2) = \frac{5!}{2!}</math>. Ta coi hai chữ H đứng cạnh nhau là 1 chữ, hai chữ L đứng cạnh nhau là 1 chữ</p> <p>Số cách sắp xếp mà vừa có H và vừa có L đứng cạnh nhau là <math>n(A_1 \cap A_2) = 1.2.3.4 = 24</math>. Vậy số cách sắp xếp cần tính là: <math>n(A) - (n(A_1) + n(A_2)) + n(A_1 \cap A_2) = 84</math></p>
40	<p>Điều kiện: <math>\cos x \neq 0</math> (*). Khi đó <math>\sin^2\left(\frac{x}{2} - \frac{\pi}{4}\right) \tan^2 x - \cos^2 \frac{x}{2} = 0</math></p> $\Leftrightarrow \frac{1}{2} \left[ 1 - \cos\left(x - \frac{\pi}{2}\right) \right] \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} = \frac{1}{2} (1 + \cos x) \Leftrightarrow (1 - \sin x) \sin^2 x = (1 + \cos x) \cos^2 x$ $\Leftrightarrow (1 - \sin x)(1 - \cos x)(1 + \cos x) = (1 + \cos x)(1 - \sin x)(1 + \sin x)$ $\Leftrightarrow (1 - \sin x)(1 + \cos x)(\sin x + \cos x) = 0$ $\begin{cases} \sin x = 1 \\ \cos x = -1 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + k2\pi, x = \pi + k2\pi, x = -\frac{\pi}{4} + k\pi (k \in \mathbb{Z}) \\ \tan x = -1 \end{cases}$ <p>Kết hợp với điều kiện (*) ta có tập nghiệm của PT là: <math>x = \pi + k2\pi, x = -\frac{\pi}{4} + k\pi (k \in \mathbb{Z})</math></p>
47	<p>Xét bất phương trình: <math>m(\sqrt{x^2 - 2x + 2} + 1) + x(2 - x) \leq 0</math> (1)</p> <p>Đặt <math>t = \sqrt{x^2 - 2x + 2} \Rightarrow x^2 - 2x = t^2 - 2</math>. Với <math>x \in [0; 1 + \sqrt{3}]</math> thì <math>1 \leq t \leq 2</math>.</p> <p>Khi đó: (1) <math>\Leftrightarrow m \leq \frac{t^2 - 2}{t + 1}</math> với <math>t \in [1; 2]</math></p> <p>Xét hàm số <math>f(t) = \frac{t^2 - 2}{t + 1}</math> với <math>t \in [1; 2]</math>. Ta có: <math>f'(t) = \frac{t^2 + 2t + 2}{(t + 1)^2}; \forall t \in [1; 2]</math>.</p> <p>Vậy hàm số <math>f</math> tăng trên <math>t \in [1; 2]</math></p> <p>Yêu cầu bài toán trở thành tìm m để (1) có nghiệm <math>t \in [1; 2] \Leftrightarrow m \leq \max_{t \in [1; 2]} f(t) = f(2) = \frac{2}{3}</math>.</p>
34	<p>Mỗi lần cắt 1 mảnh giấy thành 7 mảnh tức là Minh tạo thêm 6 mảnh giấy</p> <p>Lần 1: Số mảnh giấy là <math>7 = 6.1 + 1</math></p> <p>Lần 2: Số mảnh giấy là <math>6 + 7 = 6.2 + 1 = 13</math></p> <p>Lần 3: Số mảnh giấy là <math>12 + 7 = 6.3 + 1 = 19</math></p> <p>Dự đoán công thức tính tổng số mảnh giấy sau n lần cắt là <math>U_n = 6n + 1</math>. Chứng minh bằng phương pháp quy nạp ta thấy công thức <math>U_n = 6n + 1</math> đúng với <math>\forall n \in \mathbb{N}^*</math>. Theo công thức trên chỉ có phương án B thỏa mãn vì <math>2017 = 6.336 + 1</math></p>
35	<p>Ta có: <math>y' = mx^2 - 2(m-1)x + 3(m-2)</math></p> <p>Hàm số đồng trên <math>[2; +\infty) \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \geq 2 \Leftrightarrow mx^2 - 2(m-1)x + 3(m-2) \geq 0; \forall x \geq 2</math></p> $\Leftrightarrow m(x^2 - 2x + 3) + 2x - 6 \geq 0, \forall x \geq 2 \Leftrightarrow m \geq \frac{6 - 2x}{x^2 - 2x + 3}, \forall x \geq 2$ <p>Bài toán trở thành: Tìm m để hàm số <math>f(x) = \frac{6 - 2x}{x^2 - 2x + 3} \leq m; \forall x \geq 2</math></p> <p>Ta có <math>f'(x) = \frac{2x^2 - 12x + 6}{(x^2 - 2x + 3)^2} \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow 2x^2 - 12x + 6 = 0 \Leftrightarrow x = 3 \pm \sqrt{6}</math></p>

	Lập bảng biến thiên của hàm số $f(x)$ ta có: $\max_{[2;+\infty)} f(x) \leq m \Leftrightarrow m \geq \frac{2}{3}$
38	$1 + \frac{\sqrt{3}}{8}$
41	 <p>Gọi <math>P = CM \cap C'D'</math>, <math>Q = CN \cap C'B'</math>,  <math>E = PQ \cap A'D'</math>, <math>F = PQ \cap A'B'</math>.      Khi đó <math>CMEFN</math> là thiết diện của hình hộp cắt bởi mặt phẳng <math>(MNC)</math>      Gọi <math>V</math> là thể tích khối hộp. <math>V_0</math> là thể tích khối tứ diện <math>CC'PQ</math>.      Do <math>NB' \parallel CC'</math> nên  <math>\frac{QN}{QC} = \frac{QB'}{QC'} = \frac{NB'}{CC'} = \frac{NB'}{BB'} = \frac{1}{3}</math>      Do <math>FB' \parallel PC'</math> nên  <math>\frac{QF}{QP} = \frac{QB'}{QC'} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{QF}{QP} = \frac{QB'}{QC'} = \frac{QN}{QC} = \frac{1}{3}</math>      Do đó <math>\frac{V_{Q.FE.N}}{V_{Q.PC.C}} = \left(\frac{1}{3}\right)^3 = \frac{1}{27}</math></p> <p><math>\Rightarrow V_{Q.FE.N} = \frac{1}{27}V_0</math>. Tương tự <math>V_{P.ED.M} = \frac{1}{27}V_0</math></p> <p>Gọi <math>V_1</math> là thể tích đa diện <math>CMEFN.B'C'D'</math>, <math>V_2</math> là thể tích phần còn lại. <math>V_1 = V_0 - 2 \cdot \frac{1}{27}V_0 = \frac{25}{27}V_0</math></p> <p>Gọi <math>AB = a, BC = b, h</math> là khoảng cách từ <math>A</math> xuống mặt phẳng <math>(A'B'C'D')</math>, <math>\alpha = D'C'B'</math>.</p> $\frac{V_0}{V} = \frac{1}{3} \frac{S_{C'PQ}h}{S_{A'B'C'D}h} = \frac{1}{3} \frac{1}{2} \frac{3a \cdot 3b}{2 \cdot 2} \sin \alpha \frac{1}{ab \sin \alpha} = \frac{3}{8} \Rightarrow V_0 = \frac{3}{8}V$ $V_1 = \frac{25}{27} \cdot \frac{3}{8}V = \frac{25}{72}V, V_2 = V - \frac{25}{72}V = \frac{47}{72}V. \text{ Vậy tỉ số thể tích là: } \frac{V_1}{V_2} = \frac{25}{47}.$
31	<p>Chứng minh được <math>(ab+bc+ca)^3 = abc(a+b+c)^3</math>. Ta có  <math>P = 3 \log_3(ab+bc+ca) - \log_3 abc = \log_3 abc(a+b+c)^3 - \log_3 abc = 3 \log_3(a+b+c) = 3 \log_3 127 + 3</math>      Do đó <math>x + y = 130</math></p>
29	<p>Do <math>I</math> là tâm của mặt cầu <math>(S)</math> cần tìm, do <math>I \in d</math> nên <math>I = (2+t; 1+3t; 1+t)</math>, <math>t \in \mathbb{Z}</math>.</p> <p>Do <math>(S)</math> tiếp xúc với <math>(P)</math> nên <math>(S)</math> có bán kính <math>R = d(I, (P)) = \frac{ 9t-16 }{5}</math></p> <p>Đường tròn tạo bởi <math>(S)</math> và <math>(Q)</math> có diện tích bằng <math>16\pi</math> nên nó có bán kính <math>r = 4</math>.</p> <p>Khoảng cách từ <math>I</math> đến <math>(Q)</math>: <math>d = d(I, (Q)) = \frac{ -3t+6 }{3} =  t-2 </math></p> <p>Ta có <math>R^2 = d^2 + r^2 \Rightarrow \frac{(9t-16)^2}{25} = (t-2)^2 + 4^2 \Leftrightarrow 56t^2 - 188t - 244 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = -1 \\ t = 61/14(L) \end{cases}</math></p> <p>+) Với <math>t = -1</math> thì <math>I(1; -2; 0)</math> nên <math>a^3 + b^3 + c^3 = -7</math>.</p>
26	$\vec{n} = [\vec{n}_1, \vec{n}_2] = (0; -2; -2) \Rightarrow y + z - 2 = 0$ . $S_{ABCD} = AB \cdot AD \sin 30^\circ = \frac{1}{2}bc$ . $d(S, (P)) = 3 \Rightarrow V = \frac{bc}{2}$ .
30	$\lim_{n \rightarrow +\infty} V'(a) = \pi$
37	<p>Đặt <math>t = -x \Rightarrow 4 = \int_{-1}^1 \frac{f(x)}{1+2^x} dx = \dots = \int_{-1}^1 \frac{2^x f(x)}{1+2^x} dx</math></p> <p>Suy ra <math>4 + 4 = \int_{-1}^1 \frac{f(x)}{1+2^x} dx + \int_{-1}^1 \frac{2^x f(x)}{1+2^x} dx = \dots = \int_{-1}^1 f(x) dx</math></p>
39	<p>Ta có <math>43200 = 2^5 \cdot 3^3 \cdot 5^2</math>. Mỗi ước nguyên dương của số 43200 là một số có dạng <math>2^i \cdot 3^j \cdot 5^k</math>      Trong đó <math>i \in \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6\}</math>; <math>j \in \{0; 1; 2; 3\}</math>; <math>k \in \{0; 1; 2\}</math>. Suy ra có <math>7 \cdot 4 \cdot 3 = 84</math> ước, nên số phần tử của <math>S</math> là 84. Mỗi ước nguyên dương không chia hết cho 5 của số 43200 là một số có dạng <math>2^i \cdot 3^j \cdot 5^0</math>. Suy ra số các ước của 43200 không chia hết cho 5 trong tập <math>S</math> là <math>7 \cdot 4 = 28</math>.</p> <p>Vậy <math>P = \frac{C_{28}^2}{C_{84}^2} = \frac{9}{83}</math></p>
33	Ta có $d(O; d) = \frac{ m }{\sqrt{m^2+1}}$ .

	<p>Do <math>x^3 - 3x^2 + 4 = mx + m \Leftrightarrow (x+1)(x^2 - 4x + 4 - m) = \begin{cases} x = -1 \\ (x-2)^2 = m(m &gt; 0) \end{cases}</math></p> <p>Nên <math>A(2 + \sqrt{m}; 3m + m\sqrt{m}); B(2 - \sqrt{m}; 3m - m\sqrt{m}) \Rightarrow AB = \sqrt{4m + 4m^3}</math></p> <p>Từ giả thiết <math>S_{AOB} = 16\sqrt{2} \Leftrightarrow \frac{1}{2}\sqrt{4m + 4m^3} \cdot \frac{m}{\sqrt{m^2 + 1}} = 16\sqrt{2} \Leftrightarrow m\sqrt{m} = 16\sqrt{2} \Leftrightarrow m = 8</math></p>
27	<p>Đặt <math>\sin^2 x = t \in [0; 1]</math> ta có: <math>y = \frac{3(1-t)^2 + 4t}{3t^2 + 2(1-t)} = \frac{3t^2 - 2t + 3}{3t^2 - 2t + 2} = 1 + \frac{1}{3t^2 - 2t + 2}</math></p> <p><math>y' = -\frac{6t-2}{(3t^2-2t+2)^2}; y' = 0</math> khi <math>t = \frac{1}{3} \in [0; 1]</math>.</p> <p>Lập bảng biến thiên suy ra: <math>\max y = \frac{8}{5}; \min y = \frac{4}{3}</math></p>
46	<p>Gọi <math>O</math> là tâm của hình thoi <math>ABCD</math>. Ta có:  <math>OJ \parallel CD</math>.          Nên góc giữa <math>IJ</math> và <math>CD</math> bằng góc giữa <math>IJ</math> và <math>OJ</math>.          Xét tam giác <math>IOJ</math> có</p> $IJ = \frac{1}{2}SB = \frac{a}{2}, OJ = \frac{1}{2}CD = \frac{a}{2}, IO = \frac{1}{2}SA = \frac{a}{2}$ <p>Nên tam giác <math>IOJ</math> đều.          Vậy góc giữa <math>IJ</math> và <math>CD</math> bằng góc giữa <math>IJ</math> và <math>OJ</math>          bằng góc <math>IJO = 60^\circ</math>.</p> 
42	<p>Từ giả thiết <math>AC = 2a\sqrt{3}; BD = 2a</math> và <math>AC, BD</math> vuông góc với nhau tại trung điểm <math>O</math> của mỗi đường chéo. Ta có tam giác <math>ABO</math> vuông tại <math>O</math> và <math>AO = a\sqrt{3}; BO = a</math>, do đó <math>\angle ABD = 60^\circ</math>          Hay tam giác <math>ABD</math> đều.          Từ giả thiết hai mặt phẳng <math>(SAC)</math> và <math>(SBD)</math> cùng vuông góc với mặt phẳng <math>(ABCD)</math> nên giao tuyến của chúng là <math>SO \perp (ABCD)</math>.          Do tam giác <math>ABD</math> đều nên với <math>H</math> là trung điểm của <math>AB</math>, <math>K</math> là trung điểm của <math>HB</math> ta có <math>DH \perp AB</math> và <math>DH = a\sqrt{3}; OK \parallel DH</math> và</p> $OK = \frac{1}{2}DH = \frac{a\sqrt{3}}{2} \Rightarrow OK \perp AB$ <p><math>\Rightarrow AB \perp (SOK)</math>          Gọi <math>I</math> là hình chiếu của <math>O</math> lên <math>SK</math> ta có <math>OI \perp SK; AB \perp OI \Rightarrow OI \perp (SAB)</math>, hay <math>OI</math> là khoảng cách từ <math>O</math> đến mặt phẳng <math>(SAB)</math>.</p> <p>Tam giác <math>SOK</math> vuông tại <math>O</math>, <math>OI</math> là đường cao <math>\Rightarrow \frac{1}{OI^2} = \frac{1}{OK^2} + \frac{1}{SO^2} \Rightarrow SO = \frac{a}{2}</math></p> <p>Diện tích đáy <math>S_{ABCD} = 4S_{ABO} = 2.OA.OB = 2\sqrt{3}a^2</math>;</p> <p>đường cao của hình chóp <math>SO = \frac{a}{2} \Rightarrow V_{S.ABCD} = \frac{1}{3}S_{ABCD}.SO = \frac{\sqrt{3}a^3}{3}</math></p> 