

Giải bài tập 51 trang 30 SGK toán đại số lớp 9 tập 1

Đề bài:

Trục căn thức ở mẫu với giả thiết các biểu thức chữ đều có nghĩa:

$$\frac{3}{\sqrt{3}+1}; \quad \frac{2}{\sqrt{3}-1}; \quad \frac{2+\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}}; \quad \frac{b}{3+\sqrt{b}}; \quad \frac{p}{2\sqrt{p}-1}.$$

Đáp án:

+ Ta có:

$$\begin{aligned} \frac{3}{\sqrt{3}+1} &= \frac{3(\sqrt{3}-1)}{(\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1)} = \frac{3\sqrt{3}-3.1}{(\sqrt{3})^2-1^2} \\ &= \frac{3\sqrt{3}-3}{3-1} = \frac{3\sqrt{3}-3}{2}. \end{aligned}$$

+ Ta có:

$$\begin{aligned} \frac{2}{\sqrt{3}-1} &= \frac{2(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)} = \frac{2(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3})^2-1^2} \\ &= \frac{2(\sqrt{3}+1)}{3-1} = \frac{2(\sqrt{3}+1)}{2} = \sqrt{3}+1. \end{aligned}$$

+ Ta có:

$$\begin{aligned}\frac{2 + \sqrt{3}}{2 - \sqrt{3}} &= \frac{(2 + \sqrt{3}) \cdot (2 + \sqrt{3})}{(2 - \sqrt{3})(2 + \sqrt{3})} = \frac{(2 + \sqrt{3})^2}{2^2 - (\sqrt{3})^2} \\ &= \frac{2^2 + 2 \cdot 2 \cdot \sqrt{3} + (\sqrt{3})^2}{4 - 3} = \frac{4 + 4\sqrt{3} + 3}{1} = \frac{(4 + 3) + 4\sqrt{3}}{1} \\ &= \frac{7 + 4\sqrt{3}}{1} = 7 + 4\sqrt{3}.\end{aligned}$$

+ Ta có:

$$\begin{aligned}\frac{b}{3 + \sqrt{b}} &= \frac{b(3 - \sqrt{b})}{(3 + \sqrt{b})(3 - \sqrt{b})} \\ &= \frac{b(3 - \sqrt{b})}{3^2 - (\sqrt{b})^2} = \frac{b(3 - \sqrt{b})}{9 - b}; (b \neq 9).\end{aligned}$$

+ Ta có:

$$\begin{aligned}\frac{p}{2\sqrt{p} - 1} &= \frac{p(2\sqrt{p} + 1)}{(2\sqrt{p} - 1)(2\sqrt{p} + 1)} \\ &= \frac{p(2\sqrt{p} + 1)}{(2\sqrt{p})^2 - 1^2} = \frac{p(2\sqrt{p} + 1)}{4p - 1}\end{aligned}$$